

المحاضرة الثامنة :

تفريغ البيانات -مراكز الفئات - التكرار النسبي - التكرار المئوي -الحدود الفعلية

مثال :

تمثل القراءات التالية الفترات الزمنية التي يقضيها 80 طالباً من طلاب كليات الجامعة في المكتبة أسبوعياً.

شكل جدول توزيع تكراري لهذه البيانات .

24	15	22	28	17	12	20	16	23	16
22	15	23	18	11	21	17	30	16	29
19	39	19	18	14	20	28	18	29	24
20	22	34	12	29	25	17	23	20	18
24	14	32	27	18	21	15	19	17	16
21	19	23	26	24	13	23	15	25	22
25	16	18	23	20	10	22	15	18	16
15	26	17	20	21	19	20	21	27	31

الحل :

بما أن أصغر قراءة هي 10 وأكبر قراءة 39 فيمكن حساب المدى وهو الفرق بين أكبر قراءة وأصغر قراءة وهو $R = 39 - 10 = 29$.

باختيار عدد الفئات 6 يمكن أن نحسب طول الفئة وهي هنا $5 \sim 4.833 = 29 \div 6$

وفي مثل هذه الحالات يقرب الناتج للأعلى دوماً ، أي لأقرب عدد صحيح تالي. وبالتالي فإن حدود الفئات هي

10-14 , 15-19 , 20-24 , 25-29 , 30-34 and 35-39

لاحظ أنه يمكن اختيار عدد آخر للفئات فإذا اخترنا العدد 8 مثلاً فإن أطوال الفئات سيكون

$4 \sim 3.625 = 29 \div 8$ وسوف تكون الفئات الثمان كالتالي:

10-13 , 14-17 , 18-21 , 22-25 , 26-29 , 30-33 , 34-37 , 38-41

وهنا يمكن أن نذكر القارئ بأن الرقم 41 غير موجود في
على البيانات الأصلية وإنما وضعناه لكي تكون أطوال الأ
أصغر من الرقم 10 الذي هو أصغر قراءة موجودة ولأنفس السبب . لقد ذكرنا هنا إمكانيتين
للتوضيح فقط وسنتابع شرح المثال على ست فئات والسبب في ذلك التفاصيل التي ذكرت سابقاً
وهي أن أطوال الفئات يمكن أن تكون 5 , 10 , 100 ، ثم نصنف هذه البيانات وفق
الفئات الست كما يأتي:

الفئات	إشارة tally	تكرار Frequency
10-14	III III	8
15-19	III III III III III III	28
20-24	III III III III III III II	27
25-29	III III II	12
30-34	IIII	4
35-39	I	1

جدول 2-3

لاحظ في الجدول أن الحدود الفعلية للفئة الأولى 9.5-14.5

وللفئة الثانية 14.5-19.5 وهكذا.

ونحيطل على هذه الحدود بطرح و جمع نصف واحدة بدقة للحد الأدنى والحد الأعلى على
الترتيب .

والمقصود بنصف واحدة بدقة هو (0.5) إذا كانت البيانات طمحيحة و(0.05) إذا كانت
البيانات تحتوي على عدد عشري واحد بعد الفاصلة و(0.005) إذا كانت البيانات تحتوي على
عددين عشريين بعد الفاصلة .

وفي الجدول أعلاه يمثل العمود في أقصى اليمين التكرار (Frequency) عدد مرات وقوع
القراءات في الفئات الملائمة وهو ما ندعوه تردد الفئة أو التكرار Class Frequency .

إن أصغر رقم وأكبر رقم في عمود أقصى اليسار " السد Class limits فالأرقام

١٠ ١٥ ٢٠ ٢٥ ٣٠ ٣٥

هي الحدود الدنيا للفئات بينما

١٤ ١٩ ٢٤ ٢٩ ٣٤ ٣٩

فتسمى الحدود العليا للفئات Lower class limits and Upper class limits على الترتيب .

في هذا المثال قربت فترات الدراسة لأقرب ساعة وهذا يعني أن الفئة الأولى تغطي الفترة من 9.5 إلى 14.5 والفترة الثانية من 14.5 إلى 19.5 ساعة وهكذا... تدعى هذه الأرقام حدود الفئات الفعلية

"Class boundaries" أو "Real class limits"، إن حدود الفئات هي الأكثر استعمالاً أو شيوعاً .

تعتبر مراكز الفئات Class marks إحدى عناصر التوزيعات التكرارية الهامة وهي بالتعريف منتصف طول الفئة ونحصل عليه بإضافة الحد الأدنى للفئة لحدها الأعلى وقسمة الناتج

على $\frac{a+b}{2}$ حيث a الحد الأدنى b الحد الأعلى .

أما طول الفئة Class interval : فهو الفرق بين الحد الأعلى الفعلي و الحد الأدنى الفعلي وغالباً ما يسمى مدى الفئة .

نحصل على مراكز الفئات بحساب مركز الفئة الأولى ومن ثم نضيف له طول الفئة فنحصل على مركز الفئة الثانية ، نضيف طول الفئة للناتج فنحصل على مركز الفئة التالي... وهكذا . وبالعكس فإن الفرق بين مركزي فئتين متتاليتين يعطي طول الفئة .

مثال :

أوجد مراكز الفئات وأطوال الفئات في المثال السابق .

إن مراكز الفئات Class mark هي على الترتيب $12 = \frac{10+14}{2}$ ثم $\frac{15+19}{2}$ $17 = \dots$ وهكذا وأخيراً $37 = \frac{35+39}{2}$. ولحساب طول الفئة لاحظ هنا أن $17 - 12 = 5$.

التكرار النسبي المئوية Percentage-distribution : ويحسب بقسمة تكرار كل فئة على المجموع العام وضرب الناتج بـ 100 . أو

التكرار النسبي : والذي يحسب بقسمة التكرار لكل فئة على المجموع العام Relative (frequency) .

مثال :

احسب تكرار التوزيع النسبي percentage distribution للبيانات الرميية التي قضاها 80 طالباً في المكتبة خلال أسبوع ما والمفرغة في الجدول 2-3 .

الحل :

لقد شاهدهنا في الجدول 2-3 التردد لكل فئة وبالتالي يمكن قسمة تردد كل فئة على المجموع الكلي وطرب الناتج بـ 100 أي أن الفئة الأولى تحتوي على $10\% = \frac{8}{80} \times 100$ من البيانات

وبالنسبة للفئة الثانية فتحتوي $35\% = \frac{28}{80} \times 100$ من البيانات و..... هكذا، وأخيراً الفئة الأخيرة

تحتوي $1.25\% = \frac{1}{80} \times 100$ من البيانات . وهكذا يمكن تلخيص ذلك بجدول على غرار الجدول

السابق يحتوي نتائج المثال الحالي والسابق بالشكل الآتي :

مراكز الفئات Class marks	التكرار المنوي Percentage	التكرار Frequency	الفئات " ساعة " Class limits
$(10+14) \div 2 = 12$	$(8 \div 80) \times 100 = 10\%$	8	10-14
$(15+19) \div 2 = 17$	$(28 \div 80) \times 100 = 35\%$	28	15-19
22	33.75 %	27	20-24
27	15 %	12	25-29
32	5 %	4	30-34
37	1.25 %	1	35-39
	100%	80	المجموع

جدول 2-4

هذا ويمكن تعديل جدول التوزيع وتحويله إلى جدول من الشكل " أقل من أو يساوي " أو " أقل من " أو " أكثر من " وهذا ما نسميه بـ " التوزيعات التكرارية المتجمعة " Cumulative frequency distribution . ونحصل على ذلك بجمع تكرار الفئات بداية من الفئة الأولى إلى الثانية ، الناتج إلى الثالثة الناتج إلى الرابعة ... وهكذا .